

4 (イ) $x > 0$ では $\log x < 2\sqrt{x}$ であるから, $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log x}{x} = 0$ である.

よって(ロ) $\lim_{x \rightarrow +0} x \log x = 0$ である. さらに $x^{\frac{1}{x}} = e^{(\text{ハ})}$ に注意すれば, 指数関数は連続であるから $\lim_{x \rightarrow +\infty} x^{\frac{1}{x}} = 1$ となることがわかる.

- (1) 下線部(イ)の理由を述べよ.
- (2) 下線部(ロ)の理由を述べよ.
- (3) (ハ)の空欄を埋めよ.
- (4) $0 < x < +\infty$ における $x^{\frac{1}{x}}$ の極値を求めよ.
- (5) $f(x) = x^{\frac{1}{x}}$ とするとき, $\lim_{x \rightarrow +0} f'(x)$ を求めよ.