

2

- (1) p を正の定数とし, 点 $F(0, p)$ を焦点にもち, $y = -p$ を準線とする放物線を C とする. C 上の点 $Q(x_0, y_0)$ (ただし $x_0 \neq 0$) を考え, 点 Q と F を通る直線を l_1 , 点 Q を通り放物線 C の主軸に平行な直線を l_2 とする. このとき点 Q における C の接線 l は, l_1 と l_2 のなす角を 2 等分することを示せ.
- (2) 放物線 $y = x^2 - 2\sqrt{2}x + 4$ 上の点 $R(a, b)$ ($a > \sqrt{2}$) における接線と直線 $x = a$ のなす角を θ ($0^\circ < \theta < 90^\circ$) とする. 点 R を通り傾きが $\frac{1 - \tan^2 \theta}{2 \tan \theta}$ である直線は a によらない定点を通ることを示し, その定点の座標を求めよ.