

3 原点を  $O$  とする空間に 3 点  $A(a, 0, 0)$ ,  $B(0, b, 0)$ ,  $C(0, 0, c)$  をとり, 四面体  $OABC$  を考える. ただし,  $a > 0$ ,  $b > 0$ ,  $c > 0$  とする.

(1) 3 点  $A, B, C$  を通る平面の方程式, および, 原点とこの平面との距離  $h$  を  $a, b, c$  で表せ.

(2)  $\triangle ABC$  の面積を  $a, b, c$  で表せ.

(3)  $\triangle ABC, \triangle OAB, \triangle OBC, \triangle OCA$  の面積をそれぞれ  $S_0, S_1, S_2, S_3$  とし, 各三角形の単位法線ベクトルで四面体  $OABC$  の内部から外に向かうものを,  $\vec{u}_0, \vec{u}_1, \vec{u}_2, \vec{u}_3$  とする. ベクトル

$$S_0\vec{u}_0 + S_1\vec{u}_1 + S_2\vec{u}_2 + S_3\vec{u}_3$$

を求めよ.