

4  $n$  を 2 以上の自然数とする . 条件

$$k_1 \geq 1, \dots, k_{n-1} \geq 1, k_n \geq 0$$

をみたす  $n$  個の整数の組  $(k_1, k_2, \dots, k_n)$  に倒して , 自然数  $m(k_1, k_2, \dots, k_n)$  を次のように定める .

$$m(k_1, k_2, \dots, k_n) = 2^{k_1+k_2+\dots+k_n} - 2^{k_2+\dots+k_n} - 2^{k_3+\dots+k_n} - \dots - 2^{k_n}$$

- (1)  $1999 = m(k_1, k_2, k_3, k_4)$  となる  $(k_1, k_2, k_3, k_4)$  を求めよ .
- (2)  $m(k_1, k_2) = m(l_1, l_2)$  であれば ,  $k_1 = l_1, k_2 = l_2$  が成り立つことを示せ .
- (3)  $n \geq 3$  のとき ,

$$m(k_1, k_2, \dots, k_n) = m(l_1, l_2, \dots, l_n)$$

であれば ,

$$k_j = l_j \quad (j = 1, 2, \dots, n)$$

が成り立つことを示せ .