6　整数 a，b を係数とする 2 次方程式

$$x^2+ax+b=0$$

の 2 根を α，β とする．和 $\displaystyle\sum_{r=0}^{n}\alpha^{n-r}\beta^{r}$ は，すべての正の整数 n について，整数値をとることを証明せよ．