

2 $n = 1, 2, \dots$ に対し, 2 乗してちょうど n けたの数となる正の整数全体の個数を $f(n)$ とする. このとき $f(n+1) > f(n)$ であることを証明せよ.