

### 3 4個の整数

$$n + 1, \quad n^3 + 3, \quad n^5 + 5, \quad n^7 + 7$$

がすべて素数となるような正の整数  $n$  は存在しない．これを証明せよ．