

# 1 関数

$$f(x) = (x + 1)^{\frac{1}{x+1}} \quad (x \geq 0)$$

について、以下の問いに答えよ。

(1)  $f(x)$  の最大値を求めよ。

(2)  $f(x)$  とその導関数の極限

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x), \quad \lim_{x \rightarrow \infty} f'(x)$$

をそれぞれ求めよ。ただし、

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\log x}{x} = 0$$

であることを用いてもよい。

(3)  $y = f(x)$  のグラフの概形をかけ。ただし、グラフの凹凸を調べる必要はない。