

2 行列 A と列ベクトル \vec{a}, \vec{b} を $A = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ とし, 列ベクトル \vec{p}_n ($n = 1, 2, \dots$) を $\vec{p}_1 = \vec{a}$, $\vec{p}_{n+1} = A\vec{p}_n + \vec{b}$ ($n = 1, 2, \dots$) で定める. このとき次の問いに答えよ.

- (1) $\vec{p} = A\vec{p} + \vec{b}$ を満たす列ベクトル \vec{p} を求めよ.
- (2) $\vec{q}_n = \vec{p}_n - \vec{p}$ ($n = 1, 2, \dots$) とおく. \vec{q}_{n+1} と \vec{q}_n の間に成り立つ関係式を求めよ.
- (3) $n = 1, 2, \dots$ に対して A^n を求めよ.
- (4) \vec{p}_n ($n = 1, 2, \dots$) を求めよ.