

4 (a) 空間内に四面体 $OABC$ があり $\angle AOB, \angle BOC, \angle COA$ はすべて 90° であるとする。辺 OA, OB, OC の長さを、それぞれ a, b, c とし、三角形 ABC の重心を G とする。

- (1) $\angle OGA, \angle OGB, \angle OGC$ がすべて 90° であるための条件を a, b, c の関係式で表せ。
- (2) 線分 BC を $1:2$ に内分する点を D とする。点 P は直線 AD 上の A 以外の点を動き、点 Q は三角形 APQ の重心が点 G になるように動く。このとき、線分 OQ の長さの最小値を求めよ。