

2 自然数 n に対して

$$I_n = \int_0^1 x^2 |\sin n\pi x| dx$$

とおく．極限值 $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n$ を求めよ．