

2 a を正の整数とする . 正の実数 x についての方程式

$$(*) \quad x = \left[\frac{1}{2} \left(x + \frac{a}{x} \right) \right]$$

が解を持たないような a を小さい順に並べたものを a_1, a_2, a_3, \dots とする . ここに $[\]$ はガウス記号で , 実数 u に対し , $[u]$ は u 以下の最大の整数を表す .

(1) $a = 7, 8, 9$ の各々について $(*)$ の解があるかどうかを判定し , ある場合は解 x を求めよ .

(2) a_1, a_2 を求めよ .

(3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{a_n}$ を求めよ .