

4  $H_1, \dots, H_n$  を空間内の相異なる  $n$  枚の平面とする． $H_1, \dots, H_n$  によって空間が  $T(H_1, \dots, H_n)$  個の空間領域に分割されるとする．例えば，空間の座標を  $(x, y, z)$  とするとき，

平面  $x = 0$  を  $H_1$ ，平面  $y = 0$  を  $H_2$ ，平面  $z = 0$  を  $H_3$  とすると

$$T(H_1, H_2, H_3) = 8,$$

平面  $x = 0$  を  $H_1$ ，平面  $y = 0$  を  $H_2$ ，平面  $x + y = 1$  を  $H_3$  とすると

$$T(H_1, H_2, H_3) = 7,$$

平面  $x = 0$  を  $H_1$ ，平面  $x = 1$  を  $H_2$ ，平面  $y = 0$  を  $H_3$  とすると

$$T(H_1, H_2, H_3) = 6,$$

平面  $x = 0$  を  $H_1$ ，平面  $y = 0$  を  $H_2$ ，平面  $z = 0$  を  $H_3$ ，平面  $x + y + z = 1$  を

$$H_4 \text{ とすると } T(H_1, H_2, H_3, H_4) = 15,$$

である．

- (1) 各  $n$  に対して  $T(H_1, \dots, H_n)$  のとりうる値のうち最も大きいものを求めよ．
- (2) 各  $n$  に対して  $T(H_1, \dots, H_n)$  のとりうる値のうち 2 番目に大きいものを求めよ．  
ただし  $n \geq 2$  とする．
- (3) 各  $n$  に対して  $T(H_1, \dots, H_n)$  のとりうる値のうち 3 番目に大きいものを求めよ．  
ただし  $n \geq 3$  とする．